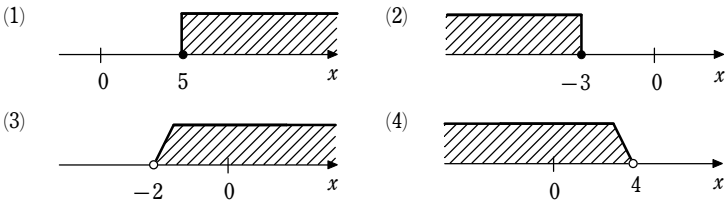


1 $a < b$ のとき、 $<$ 、 $>$ のうち適する不等号を に入れよ。配点6点

- (1) $a + 4$ $b + 4$
- (2) $a - 3$ $b - 3$
- (3) $5a$ $5b$
- (4) $-2a$ $-2b$
- (5) $\frac{a}{4}$ $\frac{b}{4}$
- (6) $-\frac{a}{3}$ $-\frac{b}{3}$

2 数直線上に図示された(1)～(4)が表す x の値の範囲を選びなさい。配点6点



ア $x \geq 5$ イ $x \leq 5$ ウ $x \geq -3$ エ $x \leq -3$ オ $x > -2$ カ $x < -2$
キ $x > 4$ ク $x < 4$

3 次の1次不等式を解け。配点15点

- (1) $3x \geq 18$
- (2) $5x \leq -20$
- (3) $-2x > 10$
- (4) $-3x \leq -9$
- (5) $-5x \geq 7$
- (6) $-4x < -14$

次の1次不等式を解け。

- (1) $2x < 14$
- (2) $7x \geq -35$
- (3) $-3x > 27$
- (4) $-5x \leq 20$
- (5) $-7x < -28$

次の1次不等式を解け。

- (1) $2(x+1) > x-3$
- (2) $x-9 < 3(x-1)$
- (3) $3(x-3) \geq 2(1+x)$
- (4) $3+5(x-5) \leq 2x+6$
- (5) $7x-2(3-x) \geq 12x$
- (6) $2(2x+1)-6(x+3) \leq 0$
- (7) $x-3(x-2) < 2(x-3)$
- (8) $13x-3(x-2) > 7x-6$

次の1次不等式を解け。

- (1) $2x-7 \leq 4x-1$
- (2) $3(2-x) < 4x-8$
- (3) $\frac{2}{3}x-1 < \frac{3}{2}x+\frac{1}{2}$
- (4) $0.7x+0.4 < 0.5x+1$

4 次の連立不等式を解け。配点6点

- (1)
$$\begin{cases} 4x-1 \geq 2x+1 \\ 3x-4 < -x+8 \end{cases}$$
- (2)
$$\begin{cases} 2x+1 \leq 4x-5 \\ 5x-2 > x+6 \end{cases}$$

次の不等式を解け。

- (1) $4 < 5x-6 < 3x+10$
- (2) $3x-7 \leq 2x-6 \leq 4x+4$

5 次の関数において、 $f(1)$ 、 $f(0)$ 、 $f(-3)$ の値を求めよ。配点6点

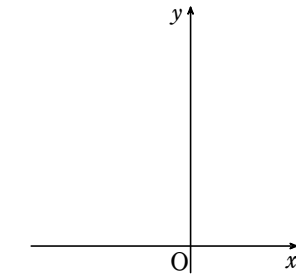
- (1) $f(x) = 3x+2$
- (2) $f(x) = x^2+3x-1$

6 次の2次関数のグラフの頂点と軸を求めなさい。配点10点

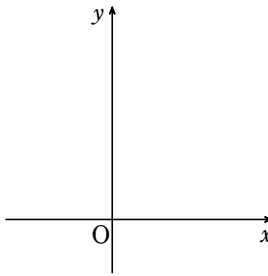
- (1) $y = (x-2)^2+1$
- (2) $y = 2(x+2)^2-1$
- (3) $y = -(x-1)^2-3$
- (4) $y = -3(x+1)^2+1$
- (5) $y = \frac{1}{2}(x+2)^2-2$
- (6) $y = -2\left(x+\frac{1}{2}\right)^2-2$
- (7) $y = -(x-2)^2+\frac{2}{3}$
- (8) $y = \left(x-\frac{1}{3}\right)^2-\frac{4}{9}$

7 次の2次関数のグラフをかけ。配点9点

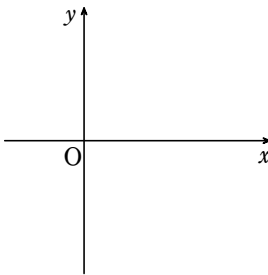
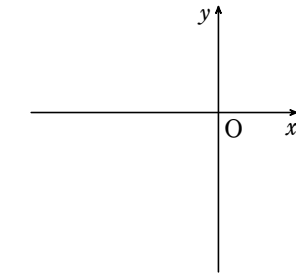
- (1) $y = (x+1)^2+2$
- (2) $y = 2(x-1)^2-1$



- (3) $y = -(x+2)^2+3$



- (4) $y = -3(x-2)^2+4$



8 次の2次関数を $y = a(x-p)^2+q$ の形に変形せよ。配点12点

- (1) $y = x^2-2x-2$
- (2) $y = x^2+4x+6$
- (3) $y = x^2-8x+12$
- (4) $y = 2x^2-4x-1$
- (5) $y = -x^2-6x+10$
- (6) $y = -3x^2+12x+8$
- (7) $y = x^2+3x+1$
- (8) $y = -3x^2+3x+1$

次の2次関数を $y = (x-p)^2+q$ の形に変形せよ。

- (1) $y = x^2-2x+5$
- (2) $y = x^2-6x+10$
- (3) $y = x^2+4x+1$
- (4) $y = x^2-3x+3$

次の2次関数 を $y = (x-p)^2+q$ の形に変形せよ。

- (1) $y = x^2-6x+10$
- (2) $y = x^2+6x+5$
- (3) $y = x^2+8x+11$
- (4) $y = 2x^2-4x+7$
- (5) $y = -x^2-2x+3$
- (6) $y = -3x^2+6x-4$
- (7) $y = x^2+5x+3$
- (8) $y = -2x^2-6x-1$

9 次の2次関数の最大値、最小値を求めよ。配点6点

- (3) $y = (x-1)^2+2$
- (4) $y = -(x+2)^2$
- (5) $y = 2(x-3)^2-2$
- (6) $y = -3(x+1)^2+1$

10 次の関数の最大値、最小値を求めよ。配点4点

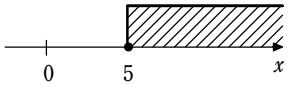
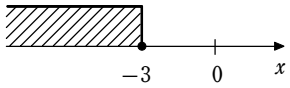
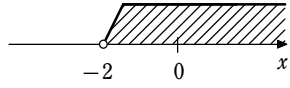
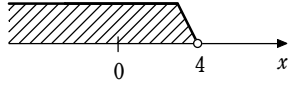
- (2) $y = x^2+4x-1$ ($-4 \leq x \leq -1$)
- (3) $y = -x^2+8x-11$ ($2 \leq x \leq 3$)
- (4) $y = 2x^2+4x+1$ ($-2 \leq x \leq 1$)

残り20点はここに示した内容以外。

解説

- [1] (1) $a < b$ の両辺に 4 を足すと $a + 4 < b + 4$
(2) $a < b$ の両辺から 3 を引くと $a - 3 < b - 3$
(3) $a < b$ の両辺に 5 を掛けると $5a < 5b$
(4) $a < b$ の両辺に -2 を掛けると $-2a > -2b$
(5) $a < b$ の両辺を 4 で割ると $\frac{a}{4} < \frac{b}{4}$
(6) $a < b$ の両辺を -3 で割ると $-\frac{a}{3} > -\frac{b}{3}$

解説

- [2] (1)  $x \geq 5$
(2)  $x \leq -3$
(3)  $x > -2$
(4)  $x < 4$

解説

- [3] (1) 両辺を 3 で割ると $\frac{3x}{3} \geq \frac{18}{3}$
よって $x \geq 6$
(2) 両辺を 5 で割ると $\frac{5x}{5} \leq \frac{-20}{5}$
よって $x \leq -4$
(3) 両辺を -2 で割ると $\frac{-2x}{-2} < \frac{10}{-2}$
よって $x < -5$
(4) 両辺を -3 で割ると $\frac{-3x}{-3} \geq \frac{-9}{-3}$
よって $x \geq 3$
(5) 両辺を -5 で割ると $\frac{-5x}{-5} \leq \frac{7}{-5}$
よって $x \leq -\frac{7}{5}$
(6) 両辺を -4 で割ると $\frac{-4x}{-4} > \frac{-14}{-4}$
よって $x > \frac{7}{2}$
(1) 両辺を 2 で割ると $\frac{2x}{2} < \frac{14}{2}$
よって $x < 7$

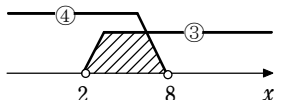
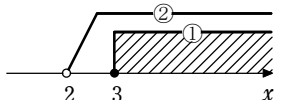
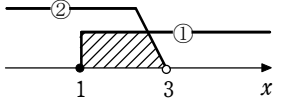
- (2) 両辺を 7 で割ると $\frac{7x}{7} \geq \frac{-35}{7}$
よって $x \geq -5$
(3) 両辺を -3 で割ると $\frac{-3x}{-3} < \frac{27}{-3}$
よって $x < -9$
(4) 両辺を -5 で割ると $\frac{-5x}{-5} \geq \frac{20}{-5}$
よって $x \geq -4$
(5) 両辺を -7 で割ると $\frac{-7x}{-7} > \frac{-28}{-7}$
よって $x > 4$
(1) かっこをはずして $2x + 2 > x - 3$
2, x を移項すると $2x - x > -3 - 2$
整理すると $x > -5$
(2) かっこをはずして $x - 9 < 3x - 3$
 -9 , $3x$ を移項すると $x - 3x < -3 + 9$
整理すると $-2x < 6$
両辺を -2 で割って $x > -3$
(3) かっこをはずして $3x - 9 \geq 2 + 2x$
 -9 , $2x$ を移項すると $3x - 2x \geq 2 + 9$
整理すると $x \geq 11$
(4) かっこをはずして $3 + 5x - 25 \leq 2x + 6$
よって $5x - 22 \leq 2x + 6$
 -22 , $2x$ を移項すると $5x - 2x \leq 6 + 22$
整理すると $3x \leq 28$
両辺を 3 で割って $x \leq \frac{28}{3}$
(5) かっこをはずして $7x - 6 + 2x \geq 12x$
よって $9x - 6 \geq 12x$
 -6 , $12x$ を移項すると $9x - 12x \geq 6$
整理すると $-3x \geq 6$
両辺を -3 で割って $x \leq -2$
(6) かっこをはずして $4x + 2 - 6x - 18 \leq 0$
よって $-2x - 16 \leq 0$
 -16 を移項すると $-2x \leq 16$
両辺を -2 で割って $x \geq -8$
(7) かっこをはずして $x - 3x + 6 < 2x - 6$
よって $-2x + 6 < 2x - 6$
6, $2x$ を移項すると $-2x - 2x < -6 - 6$
整理すると $-4x < -12$
両辺を -4 で割って $x > 3$

- (8) かっこをはずして $13x - 3x + 6 > 7x - 6$
よって $10x + 6 > 7x - 6$
6, $7x$ を移項すると $10x - 7x > -6 - 6$
整理すると $3x > -12$
両辺を 3 で割って $x > -4$
(1) 移項すると $2x - 4x \leq -1 + 7$
整理すると $-2x \leq 6$
両辺を -2 で割って $x \geq -3$
(2) かっこをはずすと $6 - 3x < 4x - 8$
移項すると $-3x - 4x < -8 - 6$
整理すると $-7x < -14$
両辺を -7 で割って $x > 2$
(3) 両辺に 6 を掛けると $6\left(\frac{2}{3}x - 1\right) < 6\left(\frac{3}{2}x + \frac{1}{2}\right)$
すなわち $4x - 6 < 9x + 3$
移項すると $4x - 9x < 3 + 6$
よって $-5x < 9$
両辺を -5 で割って $x > -\frac{9}{5}$
(4) 両辺に 10 を掛けると $10(0.7x + 0.4) < 10(0.5x + 1)$
すなわち $7x + 4 < 5x + 10$
移項すると $7x - 5x < 10 - 4$
 $2x < 6$
よって $x < 3$

解説

- [4] (1) $4x - 1 \geq 2x + 1$ から $2x \geq 2$
よって $x \geq 1$ …… ①
 $3x - 4 < -x + 8$ から $4x < 12$
よって $x < 3$ …… ②
①, ② の共通範囲を求めて $1 \leq x < 3$
(2) $2x + 1 \leq 4x - 5$ から $-2x \leq -6$
よって $x \geq 3$ …… ①
 $5x - 2 > x + 6$ から $4x > 8$
よって $x > 2$ …… ②
①, ② の共通範囲を求めて $x \geq 3$
(1) $4 < 5x - 6 < 3x + 10$ は, 次の連立不等式と同じである。
$$\begin{cases} 4 < 5x - 6 & \cdots \cdots \text{①} \\ 5x - 6 < 3x + 10 & \cdots \cdots \text{②} \end{cases}$$

① から $-5x < -10$
よって $x > 2$ …… ③
② から $2x < 16$
よって $x < 8$ …… ④
③, ④ の共通範囲を求めて $2 < x < 8$



(2) $3x-7 \leq 2x-6 \leq 4x+4$ は、次の連立不等式と同じである。

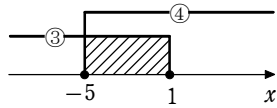
$$\begin{cases} 3x-7 \leq 2x-6 & \cdots \cdots \textcircled{1} \\ 2x-6 \leq 4x+4 & \cdots \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

① から $x \leq 1$ $\cdots \cdots \textcircled{3}$

② から $-2x \leq 10$

よって $x \geq -5$ $\cdots \cdots \textcircled{4}$

③, ④ の共通範囲を求めて $-5 \leq x \leq 1$



解説

5 (1) $f(1) = 3 \cdot 1 + 2 = 3 + 2 = 5$

$$f(0) = 3 \cdot 0 + 2 = 0 + 2 = 2$$

$$f(-3) = 3 \cdot (-3) + 2 = -9 + 2 = -7$$

(2) $f(1) = 1^2 + 3 \cdot 1 - 1 = 1 + 3 - 1 = 3$

$$f(0) = 0^2 + 3 \cdot 0 - 1 = 0 + 0 - 1 = -1$$

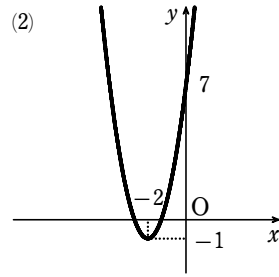
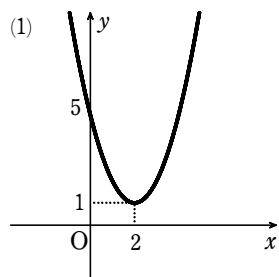
$$f(-3) = (-3)^2 + 3 \cdot (-3) - 1 = 9 - 9 - 1 = -1$$

解説

6 (1) $y = (x-2)^2 + 1$ のグラフは、 $y = x^2$ のグラフを x 軸方向に 2, y 軸方向に 1 だけ平行移動した放物線である。

頂点は点 (2, 1), 軸は直線 $x = 2$ である。

求めるグラフは、図のようになる。



(3) $y = -(x-1)^2 - 3$ のグラフは、 $y = -x^2$ のグラフを x 軸方向に 1, y 軸方向に -3 だけ平行移動した放物線である。

頂点は点 (1, -3), 軸は直線 $x = 1$ である。

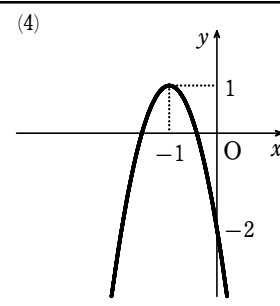
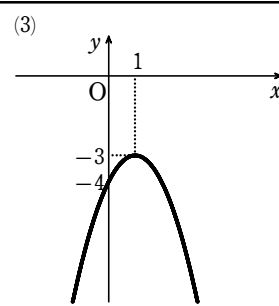
求めるグラフは、図のようになる。

(4) $y = -3(x+1)^2 + 1 = -3\{x - (-1)\}^2 + 1$

よって、 $y = -3(x+1)^2 + 1$ のグラフは、 $y = -3x^2$ のグラフを x 軸方向に -1 , y 軸方向に 1 だけ平行移動した放物線である。

頂点は点 (-1 , 1), 軸は直線 $x = -1$ である。

求めるグラフは、図のようになる。



(5) $y = \frac{1}{2}(x+2)^2 - 2 = \frac{1}{2}\{x - (-2)\}^2 - 2$

よって、 $y = \frac{1}{2}(x+2)^2 - 2$ のグラフは、 $y = \frac{1}{2}x^2$ のグラフを x 軸方向に -2 , y 軸方向に -2 だけ平行移動した放物線である。

頂点は点 (-2 , -2), 軸は直線 $x = -2$ である。

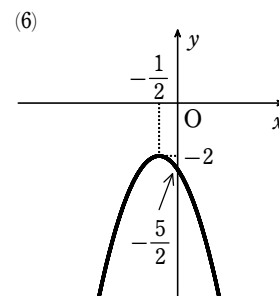
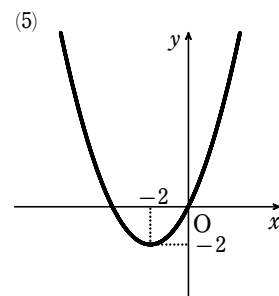
求めるグラフは、図のようになる。

(6) $y = -2\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - 2 = -2\left\{x - \left(-\frac{1}{2}\right)\right\}^2 - 2$

よって、 $y = -2\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - 2$ のグラフは、 $y = -2x^2$ のグラフを x 軸方向に $-\frac{1}{2}$, y 軸方向に -2 だけ平行移動した放物線である。

頂点は点 ($-\frac{1}{2}$, -2), 軸は直線 $x = -\frac{1}{2}$ である。

求めるグラフは、図のようになる。



(7) $y = -(x-2)^2 + \frac{2}{3}$ のグラフは、 $y = -x^2$ のグラフを x 軸方向に 2, y 軸方向に $\frac{2}{3}$ だけ平行移動した放物線である。

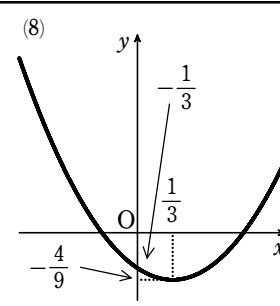
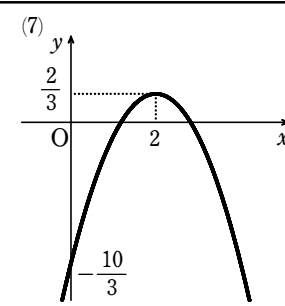
頂点は点 $\left(2, \frac{2}{3}\right)$, 軸は直線 $x = 2$ である。

求めるグラフは、図のようになる。

(8) $y = \left(x - \frac{1}{3}\right)^2 - \frac{4}{9}$ のグラフは、 $y = x^2$ のグラフを x 軸方向に $\frac{1}{3}$, y 軸方向に $-\frac{4}{9}$ だけ平行移動した放物線である。

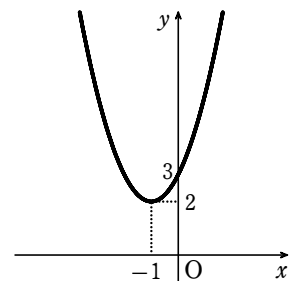
頂点は点 $\left(\frac{1}{3}, -\frac{4}{9}\right)$, 軸は直線 $x = \frac{1}{3}$ である。

求めるグラフは、図のようになる。

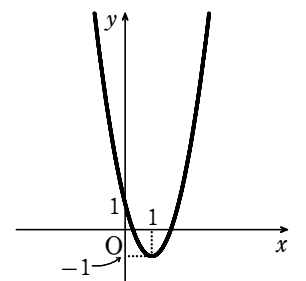


解説

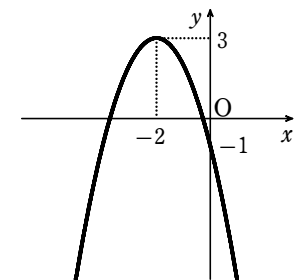
7 (1) $y = (x+1)^2 + 2$ のグラフの頂点は点 (-1 , 2) で、グラフは下の図のようになる。



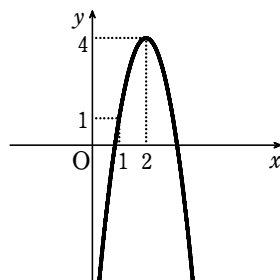
(2) $y = 2(x-1)^2 - 1$ のグラフの頂点は点 (1, -1) で、グラフは下の図のようになる。



(3) $y = -(x+2)^2 + 3$ のグラフの頂点は点 (-2 , 3) で、グラフは下の図のようになる。



(4) $y = -3(x-2)^2 + 4$ のグラフの頂点は点 (2, 4) で、グラフは下の図のようになる。



解説

8 (1) $y = x^2 - 2x - 2 = (x-1)^2 - 1^2 - 2 = (x-1)^2 - 3$

(2) $y = x^2 + 4x + 6 = (x+2)^2 - 2^2 + 6 = (x+2)^2 + 2$

(3) $y = x^2 - 8x + 12 = (x-4)^2 - 4^2 + 12 = (x-4)^2 - 4$

(4) $y = 2x^2 - 4x - 1 = 2(x^2 - 2x) - 1$
 $= 2[(x-1)^2 - 1^2] - 1 = 2(x-1)^2 - 2 \cdot 1^2 - 1$
 $= 2(x-1)^2 - 3$

(5) $y = -x^2 - 6x + 10 = -(x^2 + 6x) + 10$
 $= -[(x+3)^2 - 3^2] + 10 = -(x+3)^2 + 3^2 + 10$
 $= -(x+3)^2 + 19$

(6) $y = -3x^2 + 12x + 8 = -3(x^2 - 4x) + 8$
 $= -3[(x-2)^2 - 2^2] + 8$
 $= -3(x-2)^2 + 3 \cdot 2^2 + 8$
 $= -3(x-2)^2 + 20$

(7) $y = x^2 + 3x + 1 = \left(x + \frac{3}{2}\right)^2 - \left(\frac{3}{2}\right)^2 + 1 = \left(x + \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{5}{4}$

(8) $y = -3x^2 + 3x + 1 = -3(x^2 - x) + 1$
 $= -3\left[\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \left(\frac{1}{2}\right)^2\right] + 1 = -3\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + 3 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^2 + 1$
 $= -3\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{7}{4}$

(1) $y = x^2 - 2x + 5 = (x-1)^2 - 1^2 + 5 = (x-1)^2 + 4$

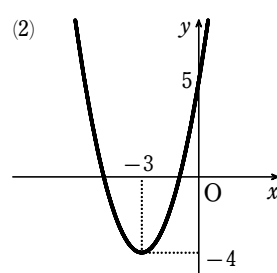
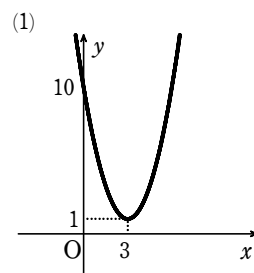
(2) $y = x^2 - 6x + 10 = (x-3)^2 - 3^2 + 10 = (x-3)^2 + 1$

(3) $y = x^2 + 4x + 1 = (x+2)^2 - 2^2 + 1 = (x+2)^2 - 3$

(4) $y = x^2 - 3x + 3 = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \left(\frac{3}{2}\right)^2 + 3 = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{9}{4} + \frac{12}{4} = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{3}{4}$

(1) $y = x^2 - 6x + 10 = (x-3)^2 - 3^2 + 10 = (x-3)^2 - 9 + 10 = (x-3)^2 + 1$
 頂点は点 (3, 1) である。 求めるグラフは図のようになる。

(2) $y = x^2 + 6x + 5 = (x+3)^2 - 3^2 + 5 = (x+3)^2 - 9 + 5 = (x+3)^2 - 4$
 頂点は点 (-3, -4) である。 求めるグラフは図のようになる。



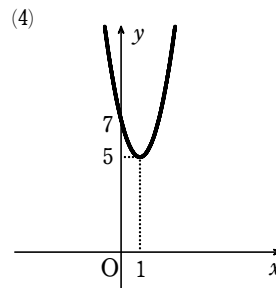
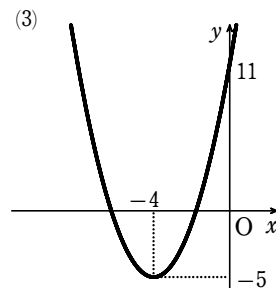
(3) $y = x^2 + 8x + 11 = (x+4)^2 - 4^2 + 11 = (x+4)^2 - 16 + 11 = (x+4)^2 - 5$
 頂点は点 (-4, -5) である。

求めるグラフは図のようになる。

(4) $y = 2x^2 - 4x + 7 = 2(x^2 - 2x) + 7$
 $= 2[(x-1)^2 - 1^2] + 7 = 2(x-1)^2 - 2 + 7$
 $= 2(x-1)^2 + 5$

頂点は点 (1, 5) である。

求めるグラフは図のようになる。

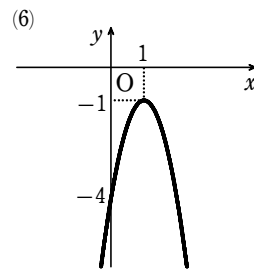
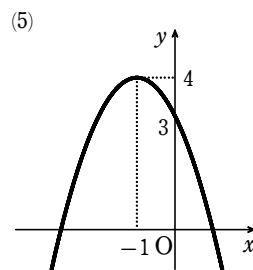


(5) $y = -x^2 - 2x + 3 = -(x^2 + 2x) + 3$
 $= -[(x+1)^2 - 1^2] + 3 = -(x+1)^2 + 1 + 3$
 $= -(x+1)^2 + 4$

頂点は点 (-1, 4) である。 求めるグラフは図のようになる。

(6) $y = -3x^2 + 6x - 4 = -3(x^2 - 2x) - 4$
 $= -3[(x-1)^2 - 1^2] - 4 = -3(x-1)^2 + 3 - 4$
 $= -3(x-1)^2 - 1$

頂点は点 (1, -1) である。 求めるグラフは図のようになる。



(7) $y = x^2 + 5x + 3 = \left(x + \frac{5}{2}\right)^2 - \left(\frac{5}{2}\right)^2 + 3$
 $= \left(x + \frac{5}{2}\right)^2 - \frac{25}{4} + 3 = \left(x + \frac{5}{2}\right)^2 - \frac{13}{4}$

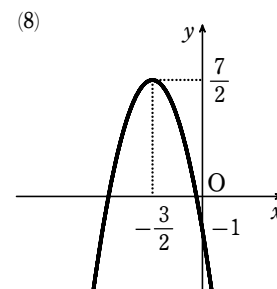
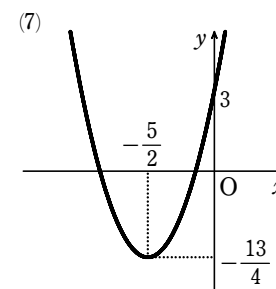
頂点は点 $\left(-\frac{5}{2}, -\frac{13}{4}\right)$ である。

求めるグラフは図のようになる。

(8) $y = -2x^2 - 6x - 1 = -2(x^2 + 3x) - 1$
 $= -2\left[\left(x + \frac{3}{2}\right)^2 - \left(\frac{3}{2}\right)^2\right] - 1 = -2\left(x + \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{9}{2} - 1$
 $= -2\left(x + \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{7}{2}$

頂点は点 $\left(-\frac{3}{2}, \frac{7}{2}\right)$ である。

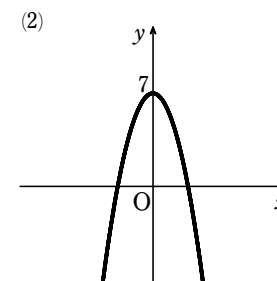
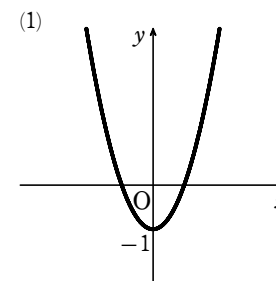
求めるグラフは図のようになる。



解説

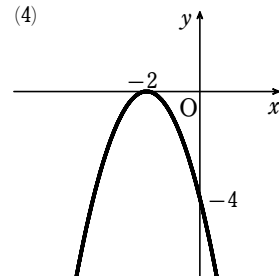
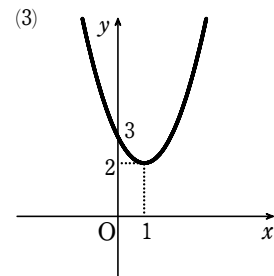
9 (1) $y = 2x^2 - 1$ のグラフは図のようになる。
 したがって、 y は $x=0$ で最小値 -1 をとる。
 最大値はない。

(2) $y = -x^2 + 7$ のグラフは図のようになる。
 したがって、 y は $x=0$ で最大値 7 をとる。
 最小値はない。



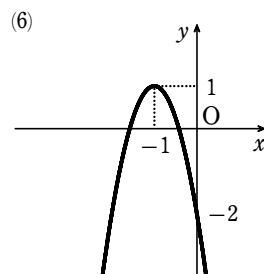
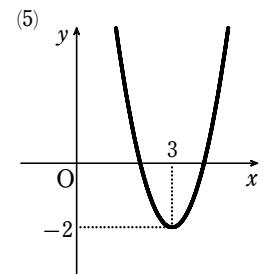
- (3) $y=(x-1)^2+2$ のグラフは図のようになる。
したがって、 y は $x=1$ で最小値 2 をとる。
最大値はない。

- (4) $y=-(x+2)^2$ のグラフは図のようになる。
したがって、 y は $x=-2$ で最大値 0 をとる。
最小値はない。



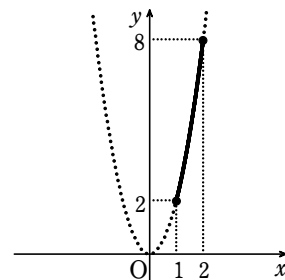
- (5) $y=2(x-3)^2-2$ のグラフは図のようになる。
したがって、 y は $x=3$ で最小値 -2 をとる。
最大値はない。

- (6) $y=-3(x+1)^2+1$ のグラフは図のようになる。
したがって、 y は $x=-1$ で最大値 1 をとる。
最小値はない。



解説

- 10 (1) $x=1$ のとき $y=2$,
 $x=2$ のとき $y=8$
であるから、この関数のグラフは右の図の実線部分になる。
よって、 y は $x=2$ で最大値 8,
 $x=1$ で最小値 2
をとる。



- (2) $y=x^2+4x-1=(x+2)^2-2^2-1=(x+2)^2-5$
 $x=-4$ のとき $y=-1$,
 $x=-1$ のとき $y=-4$

であるから、この関数のグラフは右の図の実線部分になる。

よって、 y は $x=-4$ で最大値 -1 ,
 $x=-2$ で最小値 -5

をとる。

- (3) $y=-x^2+8x-11=-(x^2-8x)-11$
 $=-[(x-4)^2-4^2]-11=-(x-4)^2+16-11$
 $=-(x-4)^2+5$
 $x=2$ のとき $y=1$,
 $x=3$ のとき $y=4$

であるから、この関数のグラフは右の図の実線部分になる。

よって、 y は $x=3$ で最大値 4,
 $x=2$ で最小値 1

をとる。

- (4) $y=2x^2+4x+1=2(x^2+2x)+1=2[(x+1)^2-1^2]+1$
 $=2(x+1)^2-2+1=2(x+1)^2-1$
 $x=-2$ のとき $y=1$,
 $x=1$ のとき $y=7$

であるから、この関数のグラフは右の図の実線部分になる。

よって、 y は $x=1$ で最大値 7,
 $x=-1$ で最小値 -1

をとる。

